

Avertissement concernant l'ensemble de l'épreuve :

Pour chaque question, indiquez sur le document-réponse si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses.

Lorsqu'une question comporte un résultat numérique à vérifier, ce résultat doit être considéré comme « vrai » si l'égalité est vérifiée à $\pm 10\%$

ELECTRICITE GENERALE – SYSTEMES LINEAIRES

Question 1

On considère la tension $u(t)$ telle que $u(t) = 10 + 3 \sin(\omega_0 t + \phi)$

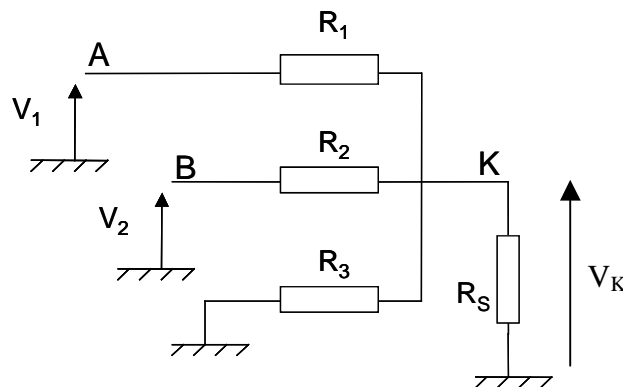
avec $\omega_0 = 100 \text{ krad/s}$ et $\phi = \pi/8 \text{ rad}$.

Elle débite dans une résistance R de valeur 100Ω .

- (A) La valeur moyenne de $u(t)$ vaut 10 V .
- (B) La valeur efficace de $u(t)$ vaut 12 V .
- (C) La période T_0 de $u(t)$ vaut $10 \mu\text{s}$.
- (D) La puissance active consommée dans R vaut 1 W .
- (E) La puissance réactive vaut 7 mVAR .

Question 2

On considère le schéma suivant :



avec $R_1 = 18 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 6 \text{ k}\Omega$, $R_3 = 6 \text{ k}\Omega$, $R_S = 6 \text{ k}\Omega$,

- (A) La tension V_K est égale à $V_K = \frac{R_1 \cdot V_2 + R_2 \cdot V_1}{R_1 + R_2}$

(B) En reliant les points A et B, la résistance vue entre A et la masse M vaut :

$$R_{AM} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + \frac{R_S R_3}{R_S + R_3}$$

On alimente avec $V_1 = 10 \text{ V}$ et $V_2 = 0 \text{ V}$.

(C) La tension aux bornes de R_S vaut 5 V.

(D) La tension aux bornes de R_1 vaut 9 V.

(E) Le courant i_1 dans la résistance R_1 vaut 2 mA.

Question 3

On considère la fonction de transfert suivante :

$$H(j.\omega) = \frac{-10 \left(1 + j \frac{\omega}{\omega_1} \right)}{\left(1 + j \frac{\omega}{\omega_2} \right)}$$

avec $\omega_1 = 100 \text{ krad/s}$ et $\omega_2 = 1 \text{ krad/s}$

(A) Le gain statique vaut -10 dB .

(B) Pour $\omega = 1 \text{ krad/s}$, le gain vaut 17 dB.

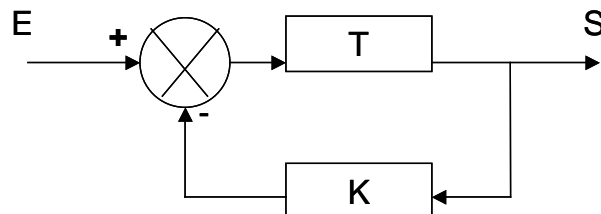
(C) La phase de $H(j\omega)$ prend la valeur 45° pour $\omega = 50,5 \text{ krad/s}$.

(D) Pour $\omega = 10 \text{ Mrad/s}$, l'entrée et la sortie ont même module.

(E) Pour $\omega = 10 \text{ Mrad/s}$, l'entrée et la sortie sont en opposition de phase.

Question 4

On considère le système bouclé suivant :



$$\text{avec } T(j.\omega) = \frac{1}{1 + j.\omega.0,16 + 0,001.(j.\omega)^2}$$

(A) En boucle ouverte, la réponse indicielle ne présente pas de dépassement et la réponse fréquentielle ne présente pas de résonance.

(B) La fonction de transfert en boucle fermée s'exprime :

$$H_{BF}(j.\omega) = \frac{K}{1+K+j.\omega.0,16+0,001.(j.\omega)^2}$$

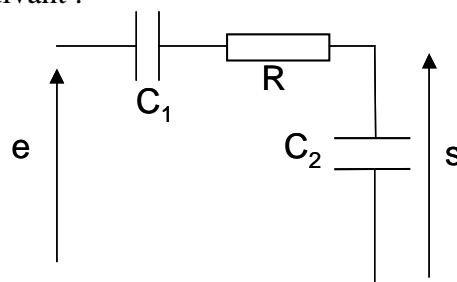
(C) Pour $K = 9$, les pulsations propres en boucle ouverte et en boucle fermée sont égales et valent $\omega_0 = 32$ rad/s.

(D) Pour $K > 0$, le système est stable en boucle fermée.

(E) Pour le système en boucle fermée avec $K = 9$, la réponse indicielle présente un dépassement et la réponse fréquentielle ne présente pas de résonance.

Question 5

On considère le montage suivant :



Avec $R = 1 \text{ k}\Omega$, $C_1 = 10 \text{ }\mu\text{F}$, $C_2 = 68 \text{ }\mu\text{F}$.

Initialement, les condensateurs sont chargés à 1 V pour C_1 et 2 V pour C_2 .

L'entrée $e(t)$ est un échelon de tension, de transformée de Laplace $E(p) = \frac{E}{p}$ avec

$E = 10 \text{ V}$.

(A) L'équation différentielle suivante régit le système : $R.C_1 \frac{de}{dt} = R.C_2 \frac{ds}{dt} + \frac{C_1+C_2}{C_1} s(t)$.

(B) A $t = 0^-$, $s(t) = 2 \text{ V}$ et $i(t) = 0$.

(C) Les transformées de Laplace de l'entrée et de la sortie sont reliées par l'équation :

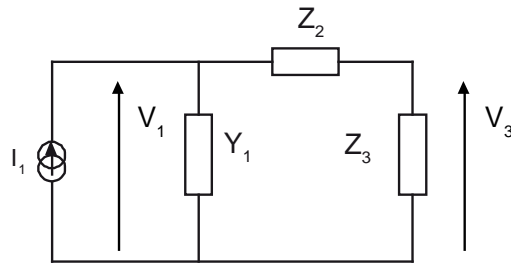
$$S(p) = \frac{E(p)}{\frac{C_1+C_2}{C_1} + R.C_2.p} + \frac{s(0)}{\frac{C_1+C_2}{C_1} + R.C_2.p}$$

(D) La constante de temps du système est $\tau = \frac{RC_1C_2}{C_1+C_2}$

(E) La valeur finale de $s(t)$ vaut $s(t \rightarrow \infty) = E$.

Question 6

On étudie le circuit suivant :



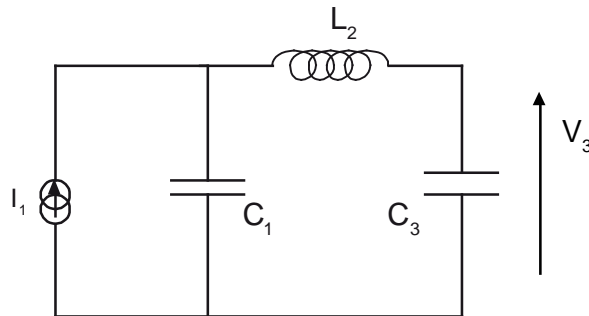
Pour cet exercice, les admittances sont notées Y_i , et les impédances Z_i .

(A) $V_1 = I_1 \frac{1}{Y_1 + \frac{1}{Z_2 + Z_3}}$

(B) $V_3 = I_1 \frac{1}{Y_1 + \frac{1}{Z_2 + Z_3}} \frac{Z_3}{Z_2 + Z_3}$

(C) $V_3 = I_1 \frac{1}{Y_1 Y_3 Z_2 + Y_1 + Y_3}$

On étudie maintenant le circuit suivant :

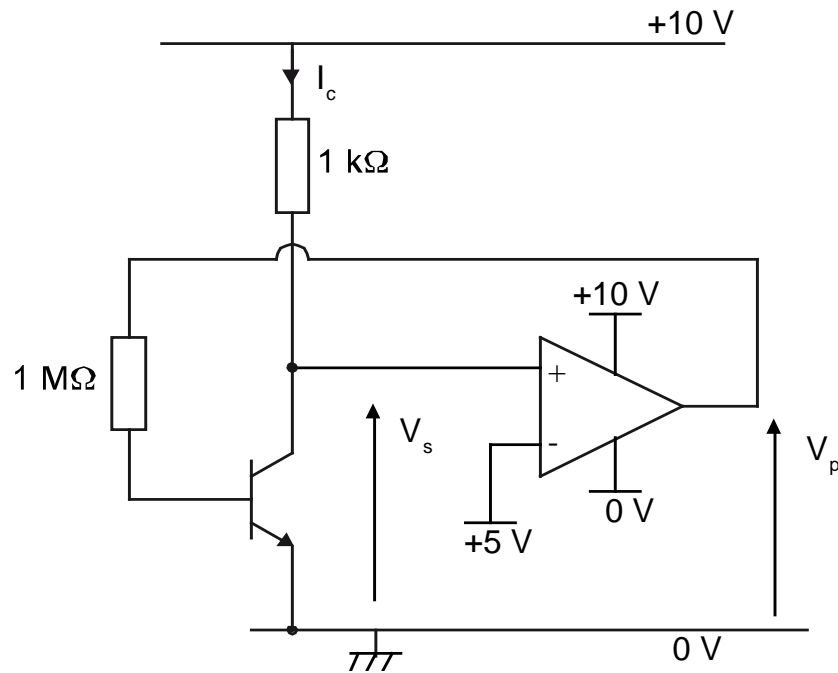


(D) $V_3(p) = I_1(p) \frac{1}{C_1 C_3 L_2 p^3 + C_1 p + C_3 p}$

(E) Le gain $\left\| \frac{V_3(j\omega)}{I_1(j\omega)} \right\|$ tend vers l'infini pour $\omega = \frac{1}{\sqrt{L_2(C_1 + C_3)}}$

Question 7

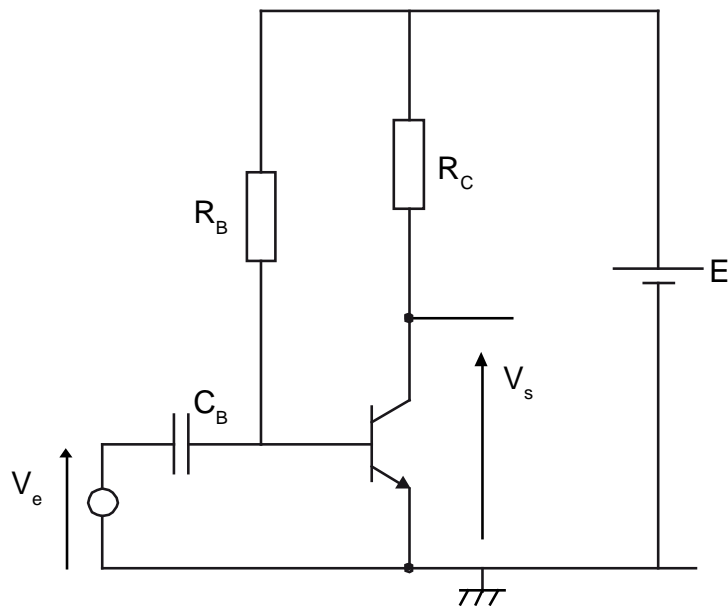
Soit le dispositif suivant, où l'on suppose que l'amplificateur opérationnel est idéal (impédance d'entrée et gain infinis) et qu'il fonctionne en régime linéaire non saturé :



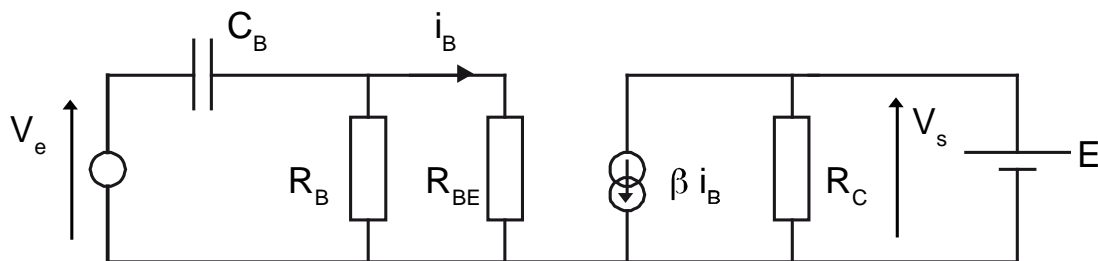
- (A) On observe un point de polarisation tel que $V_s = 5 \text{ V}$
- (B) Si $\beta = 100$, $I_c \approx 0.5 \text{ mA}$
- (C) Si $\beta = 200$, $I_B \approx 5 \mu\text{A}$
- (D) Pour β variant dans la plage $[100, 300]$, l'amplificateur opérationnel n'est jamais saturé.
- (E) Pour $\beta = 50$, on obtient $V_p = 0 \text{ V}$

Question 8

On étudie le circuit ci-dessous :



(A) Le schéma suivant est un schéma équivalent petit signal valide :



(B) L'amplificateur (entrée V_e , sortie V_s) est un amplificateur inverseur.

(C) La présence du condensateur C_B implique que l'amplificateur a un comportement de type passe-bas

(D) En supposant $R_B \gg R_{BE}$, le gain de l'amplificateur est donné par : $\frac{V_s}{V_e} = -\beta \frac{R_C}{R_{BE}}$

(E) En supposant $R_B \gg R_{BE}$, la fréquence de coupure de l'amplificateur est donnée par :

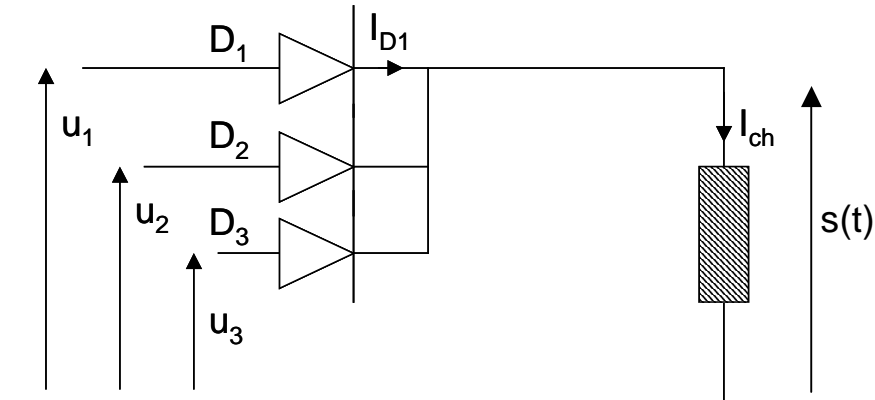
$$f_c = \frac{1}{R_{BE} C_B}$$

ELECTRONIQUE DE PUISSANCE

Les interrupteurs et les diodes sont considérés parfaits et sans seuil.

Question 9

On considère le redresseur simple alternance triphasé suivant, relié à une charge qui impose un courant I_{ch} constant.



Les tensions d'alimentation sont notées : $u_1(t) = U_{MAX} \cdot \cos(\omega t)$, $u_2(t) = U_{MAX} \cdot \cos(\omega t - \frac{2\pi}{3})$
et $u_3(t) = U_{MAX} \cdot \cos(\omega t - \frac{4\pi}{3})$, la fréquence vaut 50 Hz.

(A) Le signal de sortie $s(t)$ est périodique de fréquence 150 Hz.

(B) La valeur moyenne de $s(t)$ vaut $\frac{3 \cdot U_{MAX}}{\pi}$

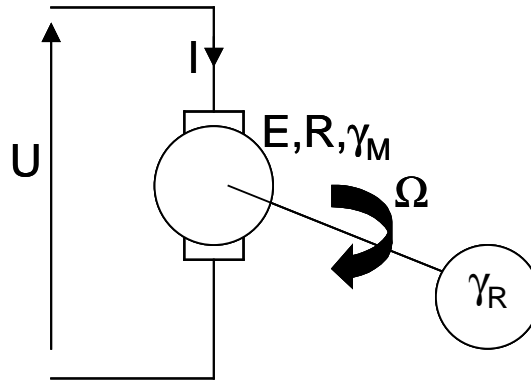
(C) La valeur moyenne du courant dans une diode vaut $\frac{I_{ch}}{3}$.

(D) La valeur efficace du courant dans une diode vaut $\frac{I_{ch}}{\sqrt{2}}$.

(E) La puissance moyenne en sortie vaut $\frac{I_{ch} \cdot U_{MAX} \cdot 3\sqrt{3}}{2\pi}$.

Question 10

Un moteur à courant continu à excitation séparée est alimenté avec une tension continue $U = 220 \text{ V}$ sous un courant $I = 12 \text{ A}$. Le moteur à courant continu présente une résistance série d'induit $R = 1 \ \Omega$. Il entraîne à vitesse constante une charge de moment de couple $\gamma_R = 18 \text{ Nm}$.

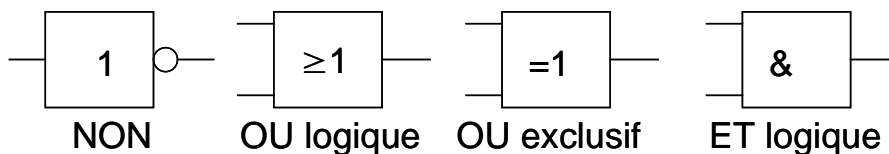


- (A) Le f.e.m. du moteur à courant continu vaut $E = 232 \text{ V}$.
- (B) Le moment du couple moteur γ_M vaut 18 Nm .
- (C) La vitesse de rotation du moteur vaut $\Omega = 3000 \text{ tr/mn}$.
- (D) La puissance mécanique vaut $P = 900 \text{ kW}$.
- (E) En divisant le courant d'excitation par 2, la vitesse angulaire du moteur à courant continu est aussi divisée par 2.

ELECTRONIQUE NUMERIQUE

- . représente le ET logique
- + représente le OU logique
- \oplus représente le OU exclusif

Les symboles logiques sont les suivants :



Question 11

On souhaite réaliser un codeur de priorité à 4 entrées E_0, E_1, E_2 et E_3 et 2 sorties S_0 et S_1 .
 $S_0.S_1$ prend la valeur 00 si seul E_0 est à 1.
 $S_0.S_1$ prend la valeur 01 si E_1 est à 1, E_2 à 0 et E_3 à 0.
 $S_0.S_1$ prend la valeur 10 si E_2 est à 1 et E_3 à 0.
 $S_0.S_1$ prend la valeur 11 si E_3 est à 1.
 Notons que les entrées ne peuvent être toutes simultanément à 0.

(A) La table de vérité du codeur est la suivante :

E0	E1	E2	E3	S0	S1
1	0	0	0	0	0
x	1	0	0	0	1
x	x	1	0	1	0
x	x	x	1	1	1

où x indique 0 ou 1 indifféremment.

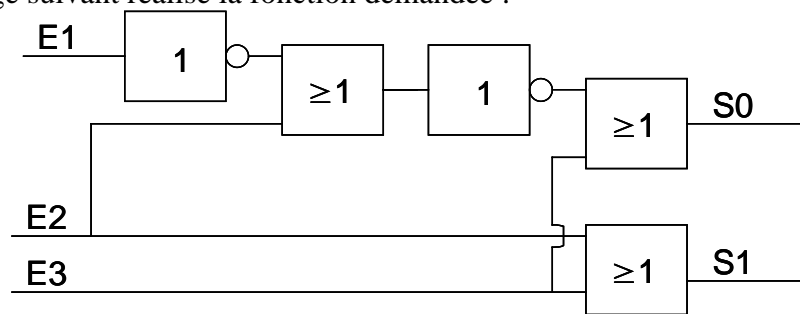
(B) La table de Karnaugh de la sortie S0 est la suivante :

E2E3	00	01	11	10
E1				
0	0	1	1	1
1	0	1	1	1

(C) $S0 = E2 + E3$

(D) $S1 = \overline{E1} \cdot E2 + E3$

(E) Le montage suivant réalise la fonction demandée :



ELECTROMAGNETISME

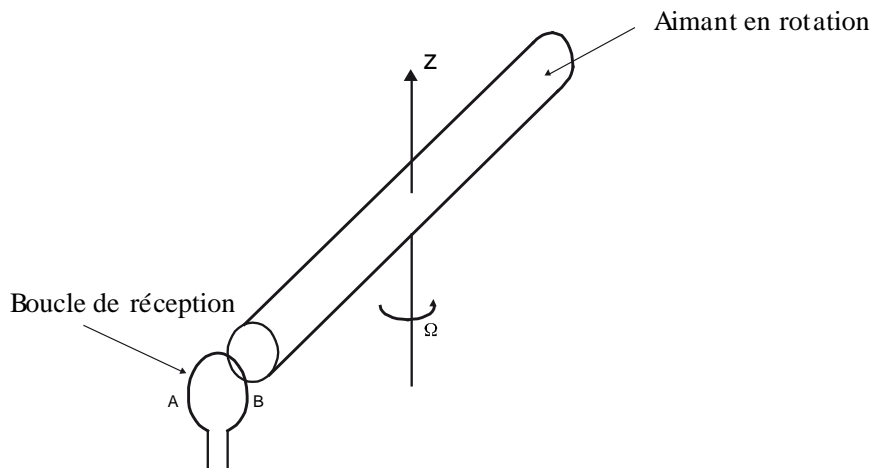
Question 12

Un aimant cylindrique de section $\Phi = 5 \text{ cm}^2$ est rotation autour de l'axe Oz, la vitesse de rotation est notée Ω (tr s^{-1})

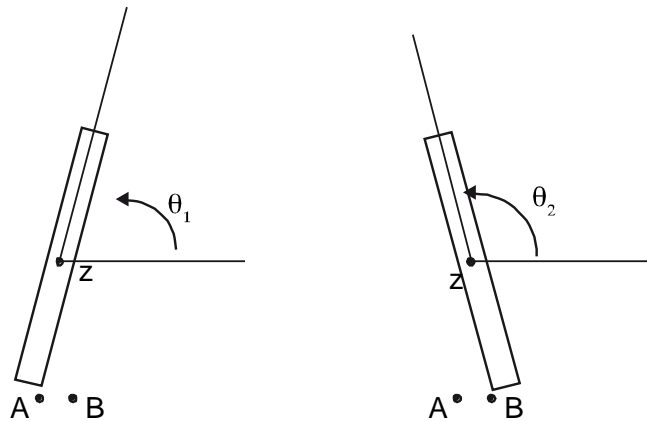
On a $\Omega = 1,67 \text{ tr s}^{-1}$

L'induction magnétique au bout de l'aimant vaut $B = 0.5 \text{ T}$

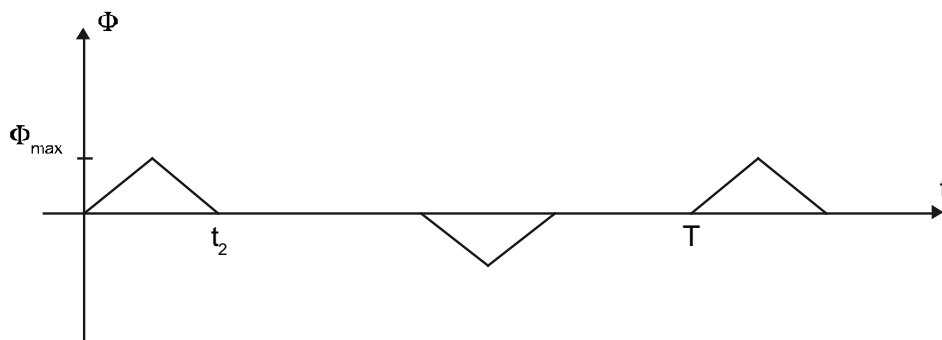
La rotation de l'aimant induit l'existence d'une tension $V_A - V_B$ aux bornes de la spire dont les extrémités A et B sont laissées en circuit ouvert.



Le diamètre AB de la spire est tel que $\theta_2 - \theta_1 = 30^\circ$:



Le flux induit aux bornes de la spire a l'allure temporelle suivante :

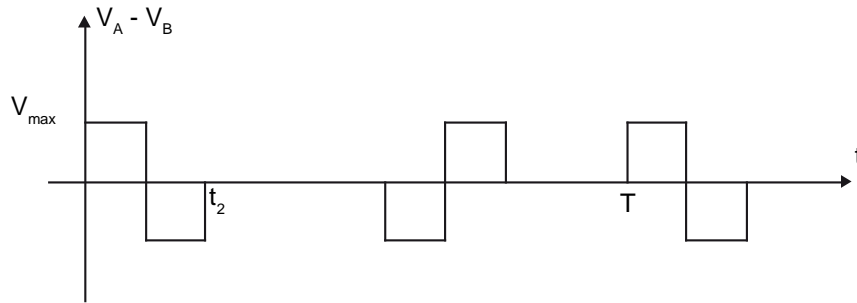


(A) Le flux maximale Φ_{\max} vaut $2,5 \cdot 10^{-4}$ Wb.

(B) La période T vaut 1,2 s.

(C) Le temps t_2 est égal à 50 ms.

L'allure de la tension aux bornes de la spire est donnée par :



(D) La tension maximale V_{\max} est égale à 10 mV

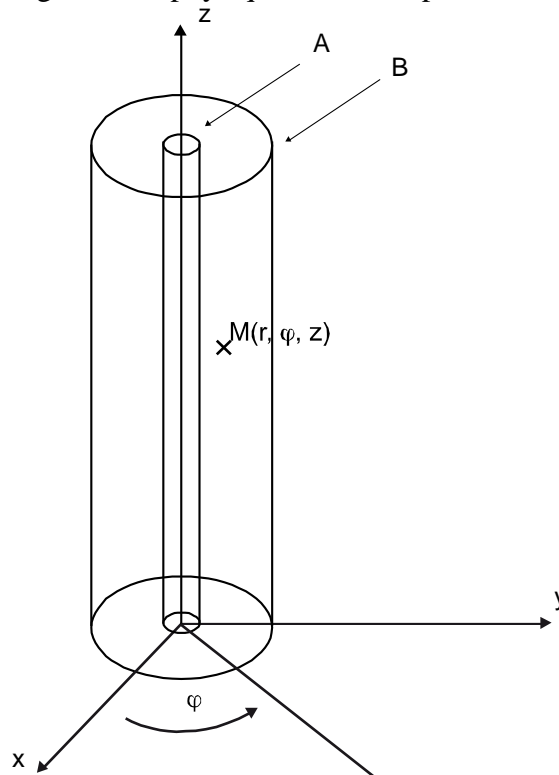
(E) La valeur efficace de V_{AB} est voisine de 4 mV

Question 13

Soit un condensateur constitué de 2 cylindres coaxiaux d'axe Oz, le cylindre intérieur A, et le cylindre extérieur B.

Les cylindres A et B sont des conducteurs parfaits, la zone comprise entre les 2 cylindres est remplie de diélectrique de constante diélectrique relative notée ϵ_r

On pourra supposer que la hauteur du condensateur est très grande, et que, sur toute la hauteur du condensateur, toutes les grandeurs physiques sont indépendantes de z :



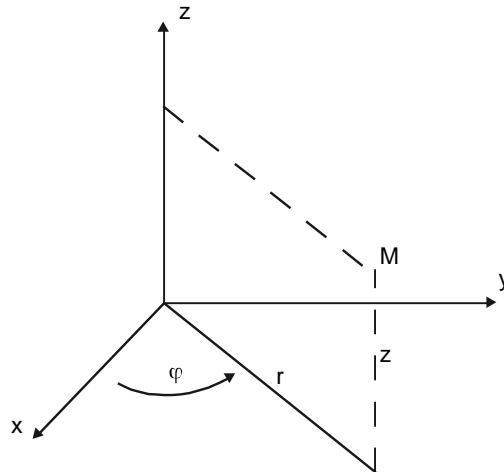
(A) Sur toute la hauteur du condensateur, on a : $\frac{\partial V}{\partial \phi}=0$ et $\frac{\partial V}{\partial z}=0$

On cherche à déterminer une expression de $V(r, \phi, z)$ vérifiant la condition $\Delta V=0 \quad \forall(r, \phi, z)$

On donne l'expression du gradient et du Laplacien en coordonnées cylindriques :

$$\vec{\text{grad}}(V)=\phi \begin{vmatrix} r \\ \frac{\partial V}{\partial r} \\ \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \phi} \\ z \\ \frac{\partial V}{\partial z} \end{vmatrix} \quad \Delta V=\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial V}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 V}{\partial \phi^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2}$$

Les coordonnées sphériques étant celles de la figure :



(B) L'expression $V(r, \phi, z)=\frac{K}{r}$, vérifie la condition $\Delta V=0$ pour $r_A < r < r_B$

(C) Si $V(r, \phi, z)$ vérifie $\Delta V=0$, et si $E(r, \phi, z)$ est le champ électrique correspondant, on a :

$$E(r, \phi, z)=-\frac{K}{r^2}$$

(D) On note r_A et r_B le rayon des deux cylindres A et B. On a : $V_A - V_B = K \cdot \text{Ln} \left(\frac{r_A}{r_B} \right)$

(E) Si E_A est l'intensité du champ électrique au niveau du cylindre A, et h la hauteur du cylindre, la charge Q_A portée par le cylindre A est donnée par : $Q_A = \epsilon_0 \epsilon_r 2\pi r_A h E_A$